

**DEVOIR de Mathématiques (1h50)**  
(Calculatrice autorisée)

**I/ Second degré. (6 points)**

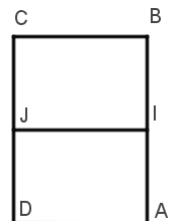
Pour tout réel  $x$ , on note :  $P(x) = (2x - 1)(x + 2) + 4x - 2 - (2x - 1)^2$ .

- 1°) a) Factoriser  $P(x)$ .  
 b) Développer et réduire  $P(x)$ .
- 2°) En utilisant l'expression la plus adaptée :  
 a) Calculer  $P(\frac{3}{2})$  et  $P(-\sqrt{2})$ .  
 b) Résoudre dans  $\mathbf{R}$  l'équation :  $P(x) = 0$ .  
 c) Résoudre dans  $\mathbf{R}$  l'équation :  $P(x) = -5$ .  
 d) Résoudre dans  $\mathbf{R}$  l'équation :  $P(x) > 2x - 1$ .

**II/ Formats papier. (4 points)**

Les formats papier ont une propriété bien pratique :  
 Lorsque l'on coupe une feuille en deux à partir du milieu des longueurs, on obtient deux feuilles ayant les mêmes proportions que la feuille initiale.

C'est-à-dire que : si la feuille est un rectangle ABCD où AB est une longueur et BC une largeur, on note I le milieu de [AB] et J le milieu de [CD]. On a alors :  $\frac{AB}{BC} = \frac{AD}{AI} = \frac{BC}{BI}$ .



1°) Résoudre dans  $\mathbf{R}$  l'équation (E) :  $x^2 = 2$ .

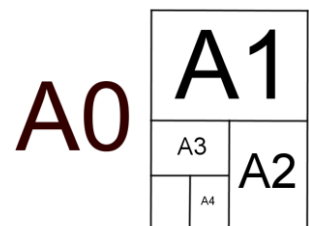
2°) On note  $x$  le rapport constant :  $\frac{AB}{BC} = \frac{AD}{AI} = \frac{BC}{BI} = x$  (Ce sont des longueurs donc :  $x > 0$ ).

Exprimer AD et AI en fonction de AB et BC.  
 En déduire une équation vérifiée par  $x$ , puis la valeur exacte de  $x$ .

3°) Le format « A0 » correspond à une feuille de papier ayant une surface de  $1 \text{ m}^2$ .

- Puis : le format « A1 » correspond à la moitié d'une feuille « A0 »,  
 le format « A2 » correspond à la moitié d'une feuille « A1 »,  
 le format « A3 » correspond à la moitié d'une feuille « A2 »,  
 le format « A4 » correspond à la moitié d'une feuille « A3 ».

Déterminer les dimensions d'une feuille « A0 », en centimètres à 1 mm près.  
 En déduire les dimensions d'une feuille « A4 », en centimètres à 1 mm près.



.../...

### III/ Sans coordonnées. (6 points)

Soit un parallélogramme ABCD, avec  $AB = 6$ ,  $AC = 8$  et  $BC = 4$  (en centimètres)

On note E, F, G et I les points définis par :

$$\vec{AE} = \frac{3}{8} \vec{AC}$$

$$\vec{DF} = \frac{1}{6} \vec{DC}$$

$$\vec{AG} = \frac{3}{5} \vec{AD}$$

I milieu de [AB]

1°) Faire une figure.

2°) Démontrer que  $\vec{IE} = -\frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{3}{8} \vec{AC}$

3°) Exprimer  $\vec{IF}$  en fonction de  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$ . (Erreur sur le sujet initial : «  $\vec{AB}$  et  $\vec{AD}$ . »)

4°) Démontrer que les vecteurs  $\vec{IE}$  et  $\vec{IF}$  sont colinéaires.

Que peut-on en déduire pour les points I, E, F ?

5°) Exprimer  $\vec{BE}$  et  $\vec{BG}$  en fonction de  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$ .

6°) Démontrer que les vecteurs  $\vec{BE}$  et  $\vec{BG}$  sont colinéaires.

Que peut-on en déduire pour les points B, E, G ?

### IV/ Avec coordonnées. (4 points)

On se place dans un repère  $(O ; \vec{i}, \vec{j})$  avec  $A(-2 ; 1)$ ,  $B(4 ; -2)$  et  $C(5 ; 2)$

1°) Faire une figure que l'on complétera au fur et à mesure.

2°) Déterminer les coordonnées du point D tel ABCD soit un parallélogramme.

3°) Déterminer les coordonnées du point I milieu de [AC].

4°) Déterminer les coordonnées du point E tel que C soit le milieu de [BE].

5°) Déterminer les coordonnées du point F tel que :  $\vec{DF} = \frac{4}{3} \vec{DC}$ .

6°) Le quadrilatère BIEF est-il un parallélogramme ? Justifier.