

1. Recherche dichotomique

- a) Soit  $a = [1, 2, 3, 5, 6, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 15, 16, 18, 20]$   
Appliquer « à la main » la méthode de recherche dichotomique pour savoir si le nombre 14 est dans la liste, puis le nombre 2.
- b) Ecrire une fonction `dichotomie(liste, valeur, mode="")` qui recherche l'élément valeur dans la liste et qui renvoie un booléen : *True* si la valeur est présente, *False* sinon.
- `mode = "n"` : permet d'afficher le nombre de tests effectués à la fin.
  - `mode = "d"` : permet d'afficher le détail du debug avec l'évolution de la recherche étape par étape.

2. Le jeu du nombre mystère

- a) On reprend le jeu du nombre mystère vu dans le TP\_10.  
Cette fois-ci, c'est l'utilisateur qui choisit un nombre mystère entre 0 et 100 et c'est l'ordinateur qui doit le retrouver avec comme seules indications « Trop petit », « Trop grand » ou « Bravo, vous avez trouvé ! » (On pourra se contenter de "+", "-", ou "="). Indiquer le nombre d'essais utilisés par l'ordinateur pour trouver le nombre.
- b) Quel est le plus grand nombre d'essais que l'ordinateur peut avoir à utiliser si l'on choisit bien le nombre mystère ?  
Quels sont ces nombres mystères plus difficiles à trouver ?

3. Algorithme glouton : Le rendu de monnaie

- Etant donné une liste de valeurs de pièces (ou billets) possibles, comment rendre une somme d'argent donnée de façon optimale, c'est-à-dire en utilisant le nombre minimal de pièces (ou billets) ?  
Exemple : On considère que l'on dispose de pièces (ou billets) de : 1 €, 2 €, 5€, 10 €, 20 €, 50 €, 100 €, 200 € et 500 €.
- a) Trouver « à la main » une méthode pour rendre de manière optimale les sommes suivantes : 304 €, 485 € et 893 €.
- b) Ecrire une fonction `monnaie(somme, liste_valeurs)` qui renvoie une liste des pièces à rendre en utilisant le moins possible.

- c) Tester cette fonction en considérant cette fois-ci que l'on dispose de pièces de : 1 €, 6 € et 10 € pour un rendu de monnaie sur la somme de 38 €... Peut-on faire mieux ?
- d) Que répond la fonction si que l'on dispose cette fois-ci de pièces de : 3 €, 6 € et 10 € pour un rendu de monnaie sur la somme de 38 € ? Qu'en pensez-vous ?
- e) Que répond la fonction si que l'on dispose cette fois-ci de pièces de : 0,10 €, 0,60 € et 1,00 € pour un rendu de monnaie sur la somme de 3,80 € ? Qu'en pensez-vous ?

4. Algorithme glouton : Le planning d'activités

- a) Vous organisez une journée de conférences dans votre lycée de 8h à 20h. Vous avez reçu la disponibilité de 10 conférenciers :
- |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| • Mr A. : de 8h à 10h   | • Mr F. : 14h à 16h     |
| • Mme B. : de 8h à 11h  | • Mme G. de 14h à 17h   |
| • Mr C. : de 9h à 12h   | • Mme H. : de 16h à 18h |
| • Mme D. : de 10h à 13h | • Mr I. : de 17h à 19h  |
| • Mr E. : de 13h à 17h  | • Mme J. : de 18h à 20h |
- Malheureusement, vous n'avez qu'une seule salle de conférence dans le lycée, quels conférenciers proposez-vous pour optimiser la journée avec le plus grand nombre de conférences organisées sans chevauchement ?
- b) Trouver un algorithme efficace pour automatiser cette tâche.  
Indication : Utiliser un tri astucieux...
- c) Ecrire une fonction `planning(liste_conf)` qui renvoie la liste des conférenciers à proposer, à partir d'une liste de leurs disponibilités contenant les noms et créneaux de chacun :  
[(nom\_1, début\_1, fin\_1), (nom\_2, début\_2, fin\_2), ...]
- d) Tester la fonction avec l'exemple du a) puis avec la liste suivante :
- `liste_conferenciers = [("A", 8, 10), ("B", 9, 11), ("C", 9, 12), ("D", 10, 12), ("E", 11, 14), ("F", 12, 15), ("G", 13, 14), ("H", 13, 16), ("I", 14, 15), ("J", 15, 17), ("K", 16, 18), ("L", 16, 19), ("M", 17, 18), ("N", 17, 19), ("O", 18, 20)]`

5. Algorithme des k plus proches voisins : Les iris

Le fichier TP18iris.csv contient un tableau répertoriant la largeur et la longueur des sépales et des pétales (en cm) de trois espèces différentes d'iris, correspondant à 50 fleurs collectées par Edgar Anderson et étudiées par Ronald Fisher en 1936.

- a) Reprendre les fonctions vues dans le TP\_13 pour lire les données du fichier CSV en les stockant dans une liste de dictionnaires en Python.
- b) On observe sur les nuages de points, représentant les données deux par deux, visibles sur la page Wikipédia nommée « Iris de Fisher » qu'il est plus pertinent d'étudier en particulier la largeur et la longueur des pétales.

Ecrire une fonction `distance_petales(fleur_1, fleur_2)` qui renvoie la distance euclidienne entre deux fleurs en ne tenant compte que de la largeur et la longueur des pétales.

C'est-à-dire que si on a `fleur_1 = {"sepal_length" : sl_1, "sepal_width" : sw_1, "petal_length" : pl_1, "petal_width" : pw_1, "species" : sp_1}` et `fleur_2` avec les valeurs `sl_2, sw_2, pl_2, pw_2, sp_2`, alors la distance vaut :

$$d = \sqrt{(pl_2 - pl_1)^2 + (pw_2 - pw_1)^2}$$

- c) Ecrire une fonction `voisins_petales(fleur_0, k)` qui renvoie la liste des k plus proches voisins de la fleur\_0 en utilisant la distance vue précédemment et les données du fichier CSV.
- d) Ecrire une fonction `prediction_petales(fleur_0, k)` qui va utiliser la fonction précédente pour prédire l'espèce d'une fleur\_0 dont on ne connaît que la largeur et la longueur des pétales en renvoyant un couple contenant : l'espèce majoritaire parmi les k plus proches voisins et un pourcentage de fiabilité égal au quotient du nombre d'occurrence de cette espèce sur le nombre de voisins en ne considérant que la taille des pétales.
- e) Tester la fonction pour prédire l'espèce des fleurs suivantes :  
`fleur_1 : sl_1 = 5.0, sw_1 = 3.0, pl_1 = 0.5, pw_1 = 0.5,`  
`fleur_2 : sl_2 = 7.0, sw_2 = 3.0, pl_2 = 6.0, pw_2 = 2.0,`  
`fleur_3 : sl_1 = 5.5, sw_1 = 3.0, pl_1 = 2.5, pw_1 = 0.8,`  
`fleur_4 : sl_2 = 6.0, sw_2 = 2.5, pl_2 = 4.5, pw_2 = 1.6,`  
`fleur_5 : sl_3 = 4.8, sw_3 = 2.8, pl_3 = 5.2, pw_3 = 1.5`

On essaiera successivement avec  $k = 1$ ,  $k = 3$ ,  $k = 5$ , puis  $k = 7$ .

- f) Modifier la fonction de distance utilisée en prenant en compte les sépales, puis refaire les tests.